

# 物理学概論 06 2011-10-31

## 1. 微分(ここがポイント！編)

微分は高校のときは少し計算してはいたので、グラフだけだつたのは初めてでした。傾きはグラフだけでした。それまで

グラフから  $V-t$  のとき、傾きが  $a$  のとき、 $a$  の傾きで  $V$  が  $t$  の関数として書ける。傾きが  $a$  のとき、 $V$  が  $t$  の関数として書ける。

少し  $V$  が  $t$  の関数として書ける。傾きが  $a$  のとき、 $a$  の傾きで  $V$  が  $t$  の関数として書ける。

$A(t) = \int v(t) dt$  が  $v(t) = 2t$  のときは  $A(t) = t^2 + C$  となる。傾きが  $2t$  のとき、 $A(t)$  が  $t^2 + C$  となる。

微分係数のグラフは難しいと感じました。

グラフの中で傾き0のところが重要だと思いました。

その通り！最初に傾きがゼロの点を見つけてみましょう！それも重要なポイントです。

ポイントを非常によく理解してくれた人が多かったようです。とても良かったと思います。

位置の時間変化のグラフから、「グラフの曲線上のある点(ある時刻)」での接線の傾きを決めます。それを沢山やります。全ての点(すべての時刻)について傾きが決まったら、傾きがどのように時間変化するかを別のグラフに表します。そんな作業をしました。

## 2. 微分(良かった・発見があった編)

高校の時、本格的に微分が、なんとできてしまった気がしました。

今日の練習問題は、何かすごく感動した。何だか分からないけど...

微分について、アツクよく理解できました。

微分と積分のグラフで最初は、傾きが  $S$  だと知りました。しかし、物体がどのくらい動いているのか、より詳しく整理して、物体の動きをイメージするべく、解く事が出来た。

数学と微分や積分を勉強しているときは、どんな場面でも、微分積分が使われているところを、見つけて、速度や加速度といった、大分身近なところで使われていることを知りました。

今日、微分についての講義でした。高校時代よりも勉強したので、簡単だと思いましたが、(ベクトルの場合)はじめて考えたことは、何かしたので新鮮な感じがしました。

初めての人は戸惑いがあったかもしれません。しかし、怖がらずにチャレンジしてもらえて良かったです。

高校では、落ちこぼれる人を少なくするために「こうやりなさい」というやり方だけ教える傾向があると思います。物理と同じで、本当は大切なイメージを教えない傾向があるのは、とても残念です。

微分法と積分法は、物理学のため、特に力学のために発明されました。だから、微分法や積分法は、速度や加速度と密接な関係があります。これを機に関連付けて下さい。

また、大学では微分はベクトルにも拡張されています。成分ごとに考えれば簡単なことです。これもついでに理解しておきましょう。

## 3. 微分(やっぱり)難しかった編

微分はやっぱり難しいと感じました。でも、インターネットを使って復習します。

グラフの傾きが苦手なので、もう一度復習しようと思いました。

微分をグラフでやるのをはじめました。

ポイントの移動距離と時間のグラフから、速度と時間のグラフがさっぱりわからなくて、ついていけませんでした。

やはり微分は難しいと思いました。話を聞いていると、ああ、そういうことなのかな、と何となくわかりませんが、復習が大変です。頑張ります...

微分は、何か文字がいっぱいあって、ごちゃごちゃしているので、私、苦手意識があります。苦手を直したい。

また、微分がどういうものか、というところが、よくわかりません。いろいろと数式で表しているものが、どうつながっているのか。

「接線の傾きを求める」ということについては理解できましたか？これが第一です。そして、各時刻について、位置のグラフから傾き(速度)を決めることができることが理解できましたか？これが第二です。最後に、傾きを時間の関数と考えてグラフにしてみましょう。

わからなければ、どんどん質問してください！オフィスアワーも学生はほとんど来ていません。ヒマしています。歓迎ですよ。

最初は誰でも「なんとなくわかる」からスタートです。理解を深めるために練習が必要です。それがグラフの練習です！

そうですね！ただ、記号を使わないとかえって大変なことになります。「もしもこの記号を使わなかったら...」と考えてみてください。

$df/dt$  を  $t$  の関数だと思った時にどんなグラフになりますか？ということを検討しています。大事なところを、何回も頭の中で繰り返してみてください。

## 4. 受講のヒント

この講義のテキストが最適です。この講義のために書かれていますし、今までの先輩の質問に対する答えも含まれています。そこで、ぜひ、この講義の最初にお配りしたテキストをよく読むようにしてみてください！その外では、高校の物理の教科書や参考書を見つめるのもいいかと思います。ただ、それがわかりやすいか、というやや別問題です。

どうしたら数学や物理を好きになれますか？(笑)  
私は昔から苦手で、問題を簡単に一瞥で解けたことがないので楽しくないのだと思います。  
楽しいと感じられるようにしたいです。

個人的には、「好きにならなければならない」というのは強迫観念になっているのではないかと思いますので、無理して好きになる必要はないと思います。この講義は、物理を専門にやろうとしている人以外、必修ではありません。それぞれの目的があって受講していると思います。それを思い出してください！

やっぱりわからなくなってきました。  
うまくできずプリントがたまってしまっています。  
またトラウマが増えそうです(笑)

前回休んでしまったので、もう全然わからなくなっています。  
息を吐いて、練習問題のグラフが読めず不安です。

アニメに聞いているつもりではいるのですが、わからなくなりました。単純、単純と思いついて、と書いても、難しく感じます。

どんな学問でも、最初は「約束」がいっぱい出てくるので、覚えることや、慣れなければならないことが多いです。そこで、講義だけではなく、テキストを用いた予習や復習をして下さい。簡単なことです。簡単なことを実行しましょう！特に休んだ場合には、何もしないで次回追いつけると思わないようにしてください。まだ間に合いますよ！

全部理解したいが、私の生活が難しいので、少しおぼろげでいいからとて、おぼろげに。日本語で書かれたもの、記号がわからないと、おぼろげに書かれます。

後半の内容が頭の中を混乱し始めてきた。  
言っていることはシンプルなこととは何となく分かるのですが。

最後の2次元の位置ベクトルから速度ベクトルを考えるのは、ちょっと難しかったと思います。もう一度説明してみます。その通りで、言っていることはシンプルです。

## 5. 運動方程式

ドアの速度の問題は実際にやってみると言葉で聞けばわかるので、式で書かれたとたんになんかよくわからなくなりました。

最後の重いものは効かしくい...「重さに反比例」という部分だけイメージしづらく感じました。「 $\alpha \propto 1/m$ 」の意味も良くわからないので、次の点を詳しく知れたらと思います。

典型的な「式アレルギー」ですね。すぐには治らないと思います。でも、少しずつ治していけるとと思います。なぜなら「聞けばわかる」のですから。そのわかったことを素直に数式に書き直すことだけやりました。

了解です。表現に慣れるためには時間がかかると思います。

先生は「重いものを動かすにいく、これが解いていくのは」力学の本質の一部を理解しているように思っています。科学とは「なんとなんとなん」として、通用せず、確とした証明が大事なので「なんとなん」として、例えば「物理と兄弟の数学は「なんとなん」として、過程なしで正解」として、試行錯誤ではくせれません。

色々な答えがあります。さて、どう答えましょう。

物理法則は「真理」だと思いますか？実はそうではありません。人間が自然を理解するときに作った「モデル」でしかありません。前回の講義での設問は「そのモデルは皆さんの直観と一致しますか？」という

いう設問だと思って下さい。もしも一致するのならば、過去の物理学者(ニュートン)と皆さんとで、同じモデルを認め合ったことになり、ということになります。そして、モデルの正当性は証明できるような類のものではありません。

## 6. その他

「 $\alpha$ 」の読み方が「 $\alpha$ 」に決まりました。

数学やコンピュータ言語でも英語(欧米語)が元になっているため、語順が違って面倒なことが多いです。困ります。

「 $\alpha$ 」の読み方を「 $\alpha$ 」に決まりました。最初は「 $\alpha$ 」と聞いて、

当たり前になると、人に教えるのを忘れがちです。これもその一つですね。

微分積分が成り立つのは「 $\alpha$ 」が「 $\alpha$ 」で、 $\alpha$ が「 $\alpha$ 」と書いて、

成り立つというか、よく使われるのはそうした側面があると思いますよ。違うかな？